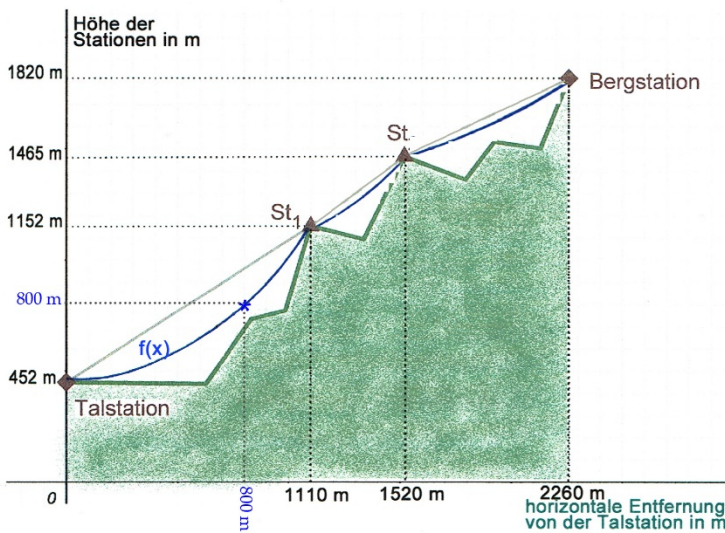


Maturabeispiele – Steigung und Funktionsgleichung eines Trageisls

Arbeitsblatt 17

Die nachstehende Abbildung zeigt den Verlauf eines Trageisls einer Gondelbahn von der Talstation über zwei Stützen bis zur Bergstation. **Der Seilverlauf** wird in der Aufgabenstellung “a” vereinfacht als **linear** angenommen.

- a) Berechnen Sie den mittleren Steigungswinkel → zwischen den Teilstrecken;
- b) Durch das Eigengewicht des Trageisls hängt das Trageisls durch. Sein Verlauf kann etwa durch eine Funktion zweiten Grades beschrieben werden. Wie lautet dies Funktionsgleichung?



a)
 → von der Talstation zur Bergstation:
 $k = \frac{1820 - 452}{2260 - 0} = \frac{1368}{2260}$;
 $\arctan \frac{1368}{2260} = \alpha = \frac{\circ}{-}$
 → von der Talstation zur 1. Stütze:
 $k = \frac{800 - 452}{800 - 0} = \frac{348}{800}$;
 $\arctan \frac{348}{800} = \alpha = \frac{\circ}{-}$
 → von der zur 1. Stütze zur 2. Stütze:
 $k = \frac{1465 - 800}{1520 - 800} = \frac{665}{720}$;
 $\arctan \frac{665}{720} = \alpha = \frac{\circ}{-}$
 → von der zur 2. Stütze zur Bergstation:
 $k = \frac{1820 - 1465}{2260 - 1520} = \frac{355}{740}$;
 $\arctan \frac{355}{740} = \alpha = \frac{\circ}{-}$

a) $f(x): y(x) = a \cdot x^2 + b \cdot x + c$
 $I_{(452)}: \quad \quad \quad = a \cdot \quad^2 + b \cdot \quad + c \quad | \quad \underline{c =}$
 $II_{(800)}: \quad \quad \quad = a \cdot \quad + b \cdot \quad + \quad$
 $III_{(1152)}: \quad \quad \quad = a \cdot \quad^2 + b \cdot \quad + \quad$
 $II_{(800)}: \quad \quad \quad = a \cdot \quad^2 + b \cdot \quad + \quad \quad | : 100$
 $III_{(1152)}: \quad \quad \quad = a \cdot \quad^2 + b \cdot \quad + \quad \quad | : 100$
 $II: \quad 8 = \quad + \quad + \quad$
 $III: \quad 11,52 = \quad + \quad + \quad$
 $II: \quad \cdot a + \quad \cdot b - \quad = 0 \quad | \cdot (-11,1)$
 $III: \quad \cdot a + \quad \cdot b - \quad = 0 \quad | \cdot 8$

$II: \quad \cdot a - \quad \cdot b + \quad = 0$
 $III: + \quad \cdot a + \quad \cdot b - \quad = 0$
 $II + III: \quad \cdot a = + \quad$
 $\quad \quad \quad \underline{a =}$
 $II: \quad \cdot a + \quad \cdot b - \quad = 0$
 $\quad \quad \quad + \quad \cdot b = + \quad$
 $\quad \cdot b = + \quad - \quad$
 $\quad \cdot b = - \quad ; \quad \underline{b = -}$
 $f(x): y(x) = \quad \cdot x^2 - \quad \cdot x + \quad$