## Funktionen - Anwendung der Integralrechnen - Volumen von Rotationskörpern

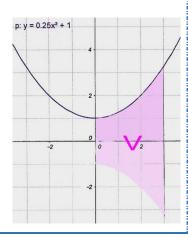
Arbeitsblatt 1

Die allgemeinen Formeln für die Berechnung des Volumens von Rotationskörpern lauten:

 $V_x = \pi \cdot \int_a^b f^2(x) \cdot dx \rightarrow V_x = \pi \cdot \int_a^b y^2 \cdot dx$ Rotation um die x-Achse:

 $V_y = \pi . \int_a^b f^2(y) . dy \rightarrow V_y = \pi . \int_a^b x^2 . dy$ Rotation um die y-Achse:

Berechnen Sie das Volumen des Rotationskörpers, der von der Funktion f(x):  $y = \frac{1}{4}$ .  $x^2 + 1$ und der x-Achse im Intervall (a = 0; b = +3) gebildet wird!  $\rightarrow$  Rotation um die x-Achse!

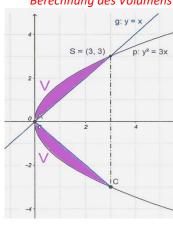


$$\begin{aligned} V_x &= \pi \cdot \int_a^b \ y^2 \cdot dx &\to y = \frac{1}{4} \cdot x^2 + 1 \\ &\to y^2 = (\frac{1}{4} x^2 + 1)^2 = \frac{1}{16} x^4 + \frac{1}{2} x^2 + 1 \end{aligned}$$

 $V_x = 33,10 \text{ VE } (\rightarrow Volumeneinheiten)$ 

Berechnen Sie das Volumen des Flächenstücks, das von der Funktion f(x):  $y^2 = 3x$  und der Geraden g(x): y = x eingeschlossen wird und um die x-Achse rotiert!

die Schnittpunkte berechnen 2.Schritt: Berechnung des Volumens



1. Schritt: 
$$f(x) \cap g(x)$$
:  $y^2 = 3x \rightarrow y = x$ 

$$x_1 = 0$$
;  $x_2 = +3$ ; Intervall: (0;+3)

$$V = V_1 - V_2 = \pi \cdot (13,5-9) = 4,5 \cdot \pi = 14,13 \text{ VE}$$